Національний технічний університет України

«Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського»

Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №4

з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

# «Проведення трьохфакторного експерименту

# при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії»

Виконав:

студент групи ІО-82

Мамотенко Б.О.

Залікова книжка № IO-8212

Варіант: 211

Перевірив:

Регіда П.Г.

Київ 2020

# Мета: провести дробовий трьохфакторний експеримент. Скласти матрицю планування, знайти коефіцієнти рівняння регресії, провести 3 статистичні перевірки.

# Завдання:

1. Скласти матрицю планування для повного трьохфакторного експерименту.

2. Провести експеримент, повторивши N раз досліди у всіх точках факторного простору і

знайти значення відгуку Y. Знайти значення Y шляхом моделювання випадкових чисел у

певному діапазоні відповідно варіанту. Варіанти вибираються за номером в списку в

журналі викладача.

3. Знайти коефіцієнти рівняння регресії і записати його.

4. Провести 3 статистичні перевірки – за критеріями Кохрена, Стьюдента, Фішера.

5. Зробити висновки по адекватності регресії та значимості окремих коефіцієнтів і записати

скореговане рівняння регресії.

6. Написати комп'ютерну програму, яка усе це моделює.

**Варіант:**

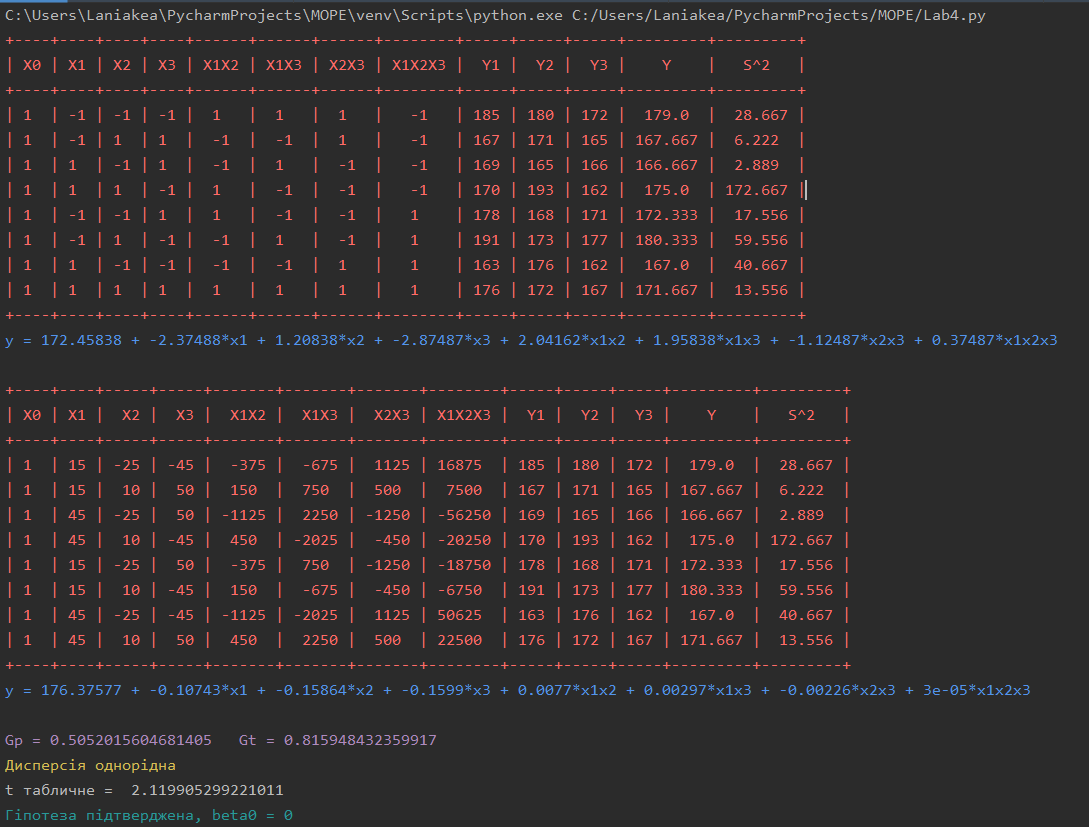


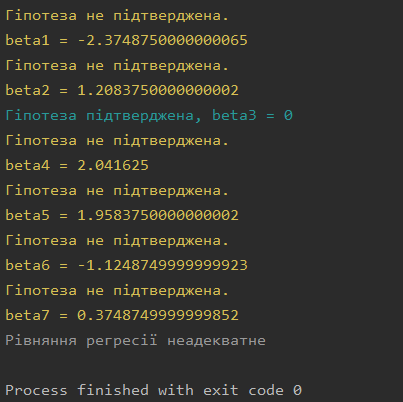
**Код програми:**

import math  
import numpy as np  
from prettytable import PrettyTable  
from numpy.linalg import solve  
from scipy.stats import f, t  
from functools import partial  
from random import randint  
  
  
while True:  
 def cohren\_teor(f1, f2, q=0.05):  
 q1 = q / f1  
 fisher\_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) \* f2)  
 return fisher\_value / (fisher\_value + f1 - 1)  
  
 fisher\_teor = partial(f.ppf, q=1 - 0.05)  
 student\_teor = partial(t.ppf, q=1 - 0.025)  
  
 X1max = -5  
 X1min = -25  
 X2max = -10  
 X2min = -70  
 X3max = -5  
 X3min = -25  
  
 Xmax\_average = (X1max + X2max + X3max) / 3  
 Xmin\_average = (X1min + X2min + X3min) / 3  
  
 y\_max = round(200 + Xmax\_average)  
 y\_min = round(200 + Xmin\_average)  
  
 # матриця ПФЕ  
 x0\_factor = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]  
 x1\_factor = [-1, -1, 1, 1, -1, -1, 1, 1]  
 x2\_factor = [-1, 1, -1, 1, -1, 1, -1, 1]  
 x3\_factor = [-1, 1, 1, -1, 1, -1, -1, 1]  
 x1x2\_factor = [a \* b for a, b in zip(x1\_factor, x2\_factor)]  
 x1x3\_factor = [a \* b for a, b in zip(x1\_factor, x3\_factor)]  
 x2x3\_factor = [a \* b for a, b in zip(x2\_factor, x3\_factor)]  
 x1x2x3\_factor = [a \* b \* c for a, b, c in zip(x1\_factor, x2\_factor, x3\_factor)]  
  
 m = 3  
  
 y1, y2, y3 = [], [], []  
 for i in range(0, 8):  
 y1.append(randint(y\_min, y\_max))  
 y2.append(randint(y\_min, y\_max))  
 y3.append(randint(y\_min, y\_max))  
  
 Y\_row1 = [y1[0], y2[0], y3[0]]  
 Y\_row2 = [y1[1], y2[1], y3[1]]  
 Y\_row3 = [y1[2], y2[2], y3[2]]  
 Y\_row4 = [y1[3], y2[3], y3[3]]  
 Y\_row5 = [y1[4], y2[4], y3[4]]  
 Y\_row6 = [y1[5], y2[5], y3[5]]  
 Y\_row7 = [y1[6], y2[6], y3[6]]  
 Y\_row8 = [y1[7], y2[7], y3[7]]  
 Y\_row\_arr = [Y\_row1, Y\_row2, Y\_row3, Y\_row4, Y\_row5, Y\_row6, Y\_row7, Y\_row8]  
 # for i in range(len(Y\_row\_arr)):  
 # Y\_row\_av\_arr.append(np.average(Y\_row\_arr[i]))  
 # for l in range(len(Y\_row\_av\_arr)):  
 # Y\_row\_av\_arr[l] = round(Y\_row\_av\_arr[l], 3)  
 Y\_row\_av\_arr = list(map(lambda x: np.average(x), Y\_row\_arr))  
 Y\_row\_av\_arr = list(map(lambda x: round(x,3), Y\_row\_av\_arr))  
  
  
  
 x0 = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]  
 x1 = [15, 15, 45, 45, 15, 15, 45, 45]  
 x2 = [-25, 10, -25, 10, -25, 10, -25, 10]  
 x3 = [-45, 50, 50, -45, 50, -45, -45, 50]  
 x1x2 = [a \* b for a, b in zip(x1, x2)]  
 x1x3 = [a \* b for a, b in zip(x1, x3)]  
 x2x3 = [a \* b for a, b in zip(x2, x3)]  
 x1x2x3 = [a \* b \* c for a, b, c in zip(x1, x2, x3)]  
  
 list\_for\_solve\_b = [x0\_factor, x1\_factor, x2\_factor, x3\_factor, x1x2\_factor, x1x3\_factor, x2x3\_factor,  
 x1x2x3\_factor]  
 list\_for\_solve\_a = list(zip(x0, x1, x2, x3, x1x2, x1x3, x2x3, x1x2x3))  
  
 N = 8  
 list\_bi = [] # b with "i" index  
 for k in range(N):  
 S = 0  
 for i in range(N):  
 S += (list\_for\_solve\_b[k][i] \* Y\_row\_av\_arr[i]) / N  
 list\_bi.append(round(S, 5))  
  
 Dispersion = [0,0,0,0,0,0,0,0]  
 for k in range(len(Dispersion)):  
 for i in range(m):  
 Dispersion[k] += pow(((Y\_row\_arr[k][i] - np.average(Y\_row\_arr[k]))),2) / m  
 Dispersion\_sum = sum(Dispersion)  
 Dispersion\_list = list(map(lambda x: round(x, 3), Dispersion))  
  
 pt1 = PrettyTable() # Table  
 column\_names1 = ["X0", "X1", "X2", "X3", "X1X2", "X1X3", "X2X3", "X1X2X3", "Y1", "Y2", "Y3", "Y", "S^2"]  
 pt1.add\_column(column\_names1[0], x0\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[1], x1\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[2], x2\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[3], x3\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[4], x1x2\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[5], x1x3\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[6], x2x3\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[7], x1x2x3\_factor)  
 pt1.add\_column(column\_names1[8], y1)  
 pt1.add\_column(column\_names1[9], y2)  
 pt1.add\_column(column\_names1[10], y3)  
 pt1.add\_column(column\_names1[11], Y\_row\_av\_arr)  
 pt1.add\_column(column\_names1[12], Dispersion\_list)  
 print(pt1, "\n")  
  
 print("y = {} + {}\*x1 + {}\*x2 + {}\*x3 + {}\*x1x2 + {}\*x1x3 + {}\*x2x3 + {}\*x1x2x3 \n".format(list\_bi[0], list\_bi[1],list\_bi[2], list\_bi[3],list\_bi[4], list\_bi[5],list\_bi[6], list\_bi[7]))  
  
 pt2 = PrettyTable() # Table  
 pt2.add\_column(column\_names1[0], x0)  
 pt2.add\_column(column\_names1[1], x1)  
 pt2.add\_column(column\_names1[2], x2)  
 pt2.add\_column(column\_names1[3], x3)  
 pt2.add\_column(column\_names1[4], x1x2)  
 pt2.add\_column(column\_names1[5], x1x3)  
 pt2.add\_column(column\_names1[6], x2x3)  
 pt2.add\_column(column\_names1[7], x1x2x3)  
 pt2.add\_column(column\_names1[8], y1)  
 pt2.add\_column(column\_names1[9], y2)  
 pt2.add\_column(column\_names1[10], y3)  
 pt2.add\_column(column\_names1[11], Y\_row\_av\_arr)  
 pt2.add\_column(column\_names1[12], Dispersion\_list)  
 print(pt2, '\n')  
  
 list\_ai = [round(i, 5) for i in solve(list\_for\_solve\_a, Y\_row\_av\_arr)]  
 print("y = {} + {}\*x1 + {}\*x2 + {}\*x3 + {}\*x1x2 + {}\*x1x3 + {}\*x2x3 + {}\*x1x2x3".format(list\_ai[0], list\_ai[1],list\_ai[2], list\_ai[3],list\_ai[4], list\_ai[5],list\_ai[6], list\_ai[7]))  
  
 Gp = max(Dispersion) / Dispersion\_sum # Exp  
 F1 = m - 1  
 N = len(y1)  
 F2 = N  
 Gt = cohren\_teor(F1, F2) # Teor  
  
 def cohren(g\_prac, g\_teor):  
 return g\_prac < g\_teor  
  
 print("\nGp = ", Gp, " Gt = ", Gt)  
 if cohren(Gp, Gt):  
 print("Дисперсія однорідна!\n")  
  
 Dispersion\_B = Dispersion\_sum / N  
 Dispersion\_beta = Dispersion\_B / (m \* N)  
 S\_beta = math.sqrt(abs(Dispersion\_beta))  
  
 beta0 = 0  
 beta1 = 0  
 beta2 = 0  
 beta3 = 0  
 beta4 = 0  
 beta5 = 0  
 beta6 = 0  
 beta7 = 0  
 for i in range(len(x0\_factor)):  
 beta0 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x0\_factor[i]) / N  
 beta1 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x1\_factor[i]) / N  
 beta2 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x2\_factor[i]) / N  
 beta3 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x3\_factor[i]) / N  
 beta4 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x1x2\_factor[i]) / N  
 beta5 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x1x3\_factor[i]) / N  
 beta6 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x2x3\_factor[i]) / N  
 beta7 += (Y\_row\_av\_arr[i] \* x1x2x3\_factor[i]) / N  
 beta\_list = [beta0, beta1, beta2, beta3, beta4, beta5, beta6, beta7]  
  
 t0 = abs(beta0) / S\_beta  
 t1 = abs(beta1) / S\_beta  
 t2 = abs(beta2) / S\_beta  
 t3 = abs(beta3) / S\_beta  
 t4 = abs(beta4) / S\_beta  
 t5 = abs(beta5) / S\_beta  
 t6 = abs(beta6) / S\_beta  
 t7 = abs(beta7) / S\_beta  
 t\_list = [t0, t1, t2, t3, t4, t5, t6, t7]  
  
 F3 = F1 \* F2  
 d = 0  
 T = student\_teor(df=F3)  
  
 def student(t\_teor, t\_pr):  
 return t\_pr < t\_teor  
  
 print("t табличне = ", T)  
 for i in range(len(t\_list)):  
 if student(t\_list[i], T):  
 beta\_list[i] = 0  
 print("Гіпотеза підтверджена, beta{} = 0".format(i))  
 else:  
 print("Гіпотеза не підтверджена.\nbeta{} = {}".format(i, beta\_list[i]))  
 d += 1  
  
 y\_1 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[0] + beta\_list[2] \* x2[0] + beta\_list[3] \* x3[0] + beta\_list[4] \* x1x2[0] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[0] + beta\_list[6] \* x2x3[0] + beta\_list[7] \* x1x2x3[0]  
 y\_2 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[1] + beta\_list[2] \* x2[1] + beta\_list[3] \* x3[1] + beta\_list[4] \* x1x2[1] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[1] + beta\_list[6] \* x2x3[1] + beta\_list[7] \* x1x2x3[1]  
 y\_3 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[2] + beta\_list[2] \* x2[2] + beta\_list[3] \* x3[2] + beta\_list[4] \* x1x2[2] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[2] + beta\_list[6] \* x2x3[2] + beta\_list[7] \* x1x2x3[2]  
 y\_4 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[3] + beta\_list[2] \* x2[3] + beta\_list[3] \* x3[3] + beta\_list[4] \* x1x2[3] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[3] + beta\_list[6] \* x2x3[3] + beta\_list[7] \* x1x2x3[3]  
 y\_5 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[4] + beta\_list[2] \* x2[4] + beta\_list[3] \* x3[4] + beta\_list[4] \* x1x2[4] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[4] + beta\_list[6] \* x2x3[4] + beta\_list[7] \* x1x2x3[4]  
 y\_6 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[5] + beta\_list[2] \* x2[5] + beta\_list[3] \* x3[5] + beta\_list[4] \* x1x2[5] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[5] + beta\_list[6] \* x2x3[5] + beta\_list[7] \* x1x2x3[5]  
 y\_7 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[6] + beta\_list[2] \* x2[6] + beta\_list[3] \* x3[6] + beta\_list[4] \* x1x2[6] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[6] + beta\_list[6] \* x2x3[6] + beta\_list[7] \* x1x2x3[6]  
 y\_8 = beta\_list[0] + beta\_list[1] \* x1[7] + beta\_list[2] \* x2[7] + beta\_list[3] \* x3[7] + beta\_list[4] \* x1x2[7] \  
 + beta\_list[5] \* x1x3[7] + beta\_list[6] \* x2x3[7] + beta\_list[7] \* x1x2x3[7]  
 Y\_counted\_for\_Student = [y\_1, y\_2, y\_3, y\_4, y\_5, y\_6, y\_7, y\_8]  
  
 F4 = N - d  
 Dispersion\_ad = 0  
 for i in range(len(Y\_counted\_for\_Student)):  
 Dispersion\_ad += ((Y\_counted\_for\_Student[i] - Y\_row\_av\_arr[i]) \*\* 2) \* m / (N - d)  
 Fp = Dispersion\_ad / Dispersion\_beta  
 Ft = fisher\_teor(dfn=F4, dfd=F3)  
  
 def fisher(f\_teor, f\_prac):  
 return f\_teor > f\_prac  
  
 if fisher(Ft, Fp):  
 print("Рівняння регресії адекватне")  
 break  
 else:  
 print("Рівняння регресії неадекватне")  
 break  
  
 else:  
 print("Дисперсія неоднорідна")  
 m += 1  
  
#Ne sudite strogo :(

print("Дисперсія неоднорідна!")

**Результати виконання:**





# Висновок: Я провів дробовий трьохфакторний експеримент. Склав матрицю планування, знайшов коефіцієнти рівняння регресії та провів 3 статистичні перевірки.Кінцева мета роботи досягнута.